



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖИ РЕСПУБЛИКИ КРЫМ

**Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
Республики Крым
«Крымский инженерно-педагогический университет имени Февзи Якубова»
(ГБОУВО РК КИПУ имени Февзи Якубова)**

Кафедра математики и физики

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП

_____ Р.И. Сулейманов

21 марта 2024 г.

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой

_____ Д.Д. Гельфанова

21 марта 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.01.01 «Математика»

направление подготовки 44.03.01 Педагогическое образование
профиль подготовки «Технология»

факультет психологии и педагогического образования

Симферополь, 2024

Рабочая программа дисциплины Б1.В.01.01 «Математика» для бакалавров направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование. Профиль «Технология» составлена на основании ФГОС ВО, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 № 121.

Составитель
рабочей программы _____ Ю.А. Хазова
подпись

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры математики и физики
от 15 февраля 2024 г., протокол № 8

Заведующий кафедрой _____ Д.Д. Гельфанова
подпись

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании УМК факультета психологии и педагогического образования
от 21 марта 2024 г., протокол № 7

Председатель УМК _____ Л.И. Аббасова
подпись

1. Рабочая программа дисциплины Б1.В.01.01 «Математика» для бакалавриата направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Технология».

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

2.1. Цель и задачи изучения дисциплины (модуля)

Цель дисциплины (модуля):

– формирование у студентов знаний по основным разделам математики. Математика является одним из основных учебных предметов, который тесно связан с теоретической механикой, физикой, а также целым рядом инженерных дисциплин. Для глубокого и правильного изучения этих дисциплин будущей педагог профессионального обучения должен иметь достаточно глубокие знания по линейной алгебре, аналитической геометрии, дифференциальному и интегральному исчислению функций одной и многих переменных, теории вероятностей и математической статистике. Эти соображения легли в основу учебной программы по «Математике»

Учебные задачи дисциплины (модуля):

- изложить основы классического математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии, подчеркнув при этом особенности и специфику применения методов математики в профессиональных дисциплинах;
- обсудить основные идеи и методологию теории математического моделирования естественнонаучных процессов на основе теории вероятностей, математической статистики, теории дифференциальных уравнений;
- выработать у студентов умения проводить математический анализ прикладных задач и использовать для их решения известные математические методы;
- развить у студентов математическую интуицию, повысить уровень их математической культуры;
- развить у студентов навыки самостоятельной работы с литературой по математике и ее приложениям.

2.2. Планируемые результаты освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины Б1.В.01.01 «Математика» направлен на формирование следующих компетенций:

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

ПК-1 - Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач

В результате изучения дисциплины студент должен:

Знать:

- особенности системного и критического мышления.
- структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета).

Уметь:

- отбирать учебное содержание для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО.
- применять логические формы и процедуры.

Владеть:

- структурой, составом и дидактическими единицами предметной области (преподаваемого предмета).
- методами анализа источников информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений.

3. Место дисциплины в структуре ОПОП.

Дисциплина Б1.В.01.01 «Математика» относится к дисциплинам части, формируемой участниками образовательных отношений и входит в модуль общетехнический учебного плана.

4. Объем дисциплины (модуля)

(в зачетных единицах с указанием количества академических или астрономических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся)

Семестр	Общее кол-во часов	кол-во зач. единиц	Контактные часы						СР	Контроль (время на контроль)
			Всего	лек	лаб.з ан.	прак т.зан .	сем. зан.	ИЗ		
1	144	4	54	18		36			63	Экз (27 ч.)
Итого по ОФО	144	4	54	18		36			63	27
1	144	4	8	4		4			127	Экз К (9 ч.)
Итого по ЗФО	144	4	8	4		4			127	9

5. Содержание дисциплины (модуля) (структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических или астрономических часов и видов учебных занятий)

Наименование тем (разделов, модулей)	Количество часов														Форма текущего контроля
	очная форма							заочная форма							
	Всего	в том числе						Всего	в том числе						
		л	лаб	пр	сем	ИЗ	СР		л	лаб	пр	сем	ИЗ	СР	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Содержательный модуль 1. Линейная и векторная алгебра															

Тема 1. Определители. Алгебра матриц	10	2		2			6	9,5	0,5		1			8	практическое задание; контрольная работа
Тема 2. Методы решения СЛАУ: Гаусса, Крамера, обратной матрицы.	10	2		2			6	9,5	0,5		1			8	практическое задание; контрольная работа
Тема 3. Векторы и операции над векторами.	12	2		4			6	9						9	практическое задание; контрольная работа
Содержательный модуль 2. Аналитическая геометрия															
Тема 4. Прямая линия на плоскости	9	2		2			5	12	0,5		1			10	практическое задание; контрольная работа
Тема 5. Эллипс, гипербола, парабола	8	1		2			5	11	0,5					10	практическое задание; контрольная работа
Тема 6. Прямая и плоскость в пространстве	10	1		4			5	11	0,5					10	практическое задание; контрольная работа
Содержательный модуль 3 Дифференциальное исчисление функций одной переменной.															
Тема 7. Предел и непрерывность функции.	11	2		4			5	13	0,5					12	практическое задание; контрольная работа
Тема 8. Производная и дифференциал Исследование функции и построение графиков	11	2		4			5	13	0,5					12	практическое задание; контрольная работа
Содержательный модуль 4. Интегральное исчисление функций одной переменной.															
Тема 9. Неопределенный интеграл	8	1		2			5	14	0,5		1			12	практическое задание; контрольная работа
Тема 10. Определенный интеграл. Геометрические приложения определённого интеграла.	10	1		4			5	12						12	практическое задание; контрольная работа
Содержательный модуль 5. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.															
Тема 11. Частные производные. Экстремум функций нескольких переменных.	8	1		2			5	12						12	практическое задание; контрольная работа
Содержательный модуль 6. Элементы теории вероятностей и математической статистики.															

Тема 12. Элементы теории вероятностей и математической статистики	10	1		4			5	12						12	практическое задание; контрольная работа
Всего часов за 1 /1 семестр	117	18		36			63	135	4		4			127	
Форма промежуточного контроля	Экзамен - 27 ч.						Экзамен - 9 ч.								
Всего часов дисциплины	117	18		36			63	135	4		4			127	
часов на контроль	27						9								

5. 1. Тематический план лекций

№ лекц	Тема занятия и вопросы лекции	Форма проведения (актив., интерак.)	Количество часов	
			ОФО	ЗФО
1.	Тема 1. Определители. Алгебра матриц <i>Основные вопросы:</i> Определители II и III порядков и их свойства. Определение определителя n -го порядка. Свойства определителя. Правила вычисления определителя Матрицы и действия над ними. Виды матриц. Операции над матрицами Элементарные преобразования. Обратная матрица. Ранг матрицы.	Акт.	2	0,5
2.	Тема 2. Методы решения СЛАУ: Гаусса, Крамера, обратной матрицы. <i>Основные вопросы:</i> Система линейных алгебраических уравнений Понятие системы линейных алгебраических уравнений. Однородные и неоднородные системы. Совместные и несовместные системы. Метод Гаусса. Метод Крамера. Матричный метод.	Акт.	2	0,5

3.	<p>Тема 3. Векторы и операции над векторами.</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Векторы. Операции над векторами. Скалярное и векторное произведение векторов.</p> <p>Операции над векторами.</p> <p>Скалярное и векторное произведение векторов.</p>	Акт.	2	
4.	<p>Тема 4. Прямая линия на плоскости</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Прямая и плоскость в R^2 . Прямоугольная и полярная система координат. Общее уравнение прямой на плоскости. Уравнения прямой: с угловым коэффициентом, в отрезках, нормальное.</p>	Акт.	2	0,5
5.	<p>Тема 5. Эллипс, гипербола, парабола</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Плоскость и прямая в пространстве. Условие параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости и в Угол между прямой и плоскостью.</p>	Акт.	1	0,5
6.	<p>Тема 6. Прямая и плоскость в пространстве</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Числовые функции. Понятие функции. Основные свойства функции. Преобразование графиков функций. Экстремум функций. Построение графиков функций. Рациональные функции. Пределы функции в точке по Коши и по Гейне. Теоремы о пределах. Односторонние пределы. Непрерывность функции. Непрерывность в точке и на множестве. Точки разрыва и их классификация. Непрерывность элементарных функций.</p> <p>Первый и второй замечательные пределы.</p>	Акт.	1	0,5

7.	<p>Тема 7. Предел и непрерывность функции.</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Производная. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной Геометрический и механический смысл производной. Таблица производных. Производная сложной функции. Дифференциал. Производные высших порядков Признак монотонности функции. Экстремумы функции Выпуклость и точки перегиба Асимптоты. Построение графиков функций.</p>	Акт.	2	0,5
8.	<p>Тема 8. Производная и дифференциал Исследование функции и построение графиков</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Неопределенный интеграл. Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица простейших интегралов. Непосредственное интегрирование. Интегрирование заменой переменной и по</p>	Акт.	2	0,5
9.	<p>Тема 9. Неопределенный интеграл</p> <p><i>Основные вопросы:</i> Определенный интеграл. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла. Условие интегрируемости функции на отрезке. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница.</p>	Акт.	1	0,5

	Основные методы интегрирования. Приближенное вычисление определенного интеграла. Вычисление площади плоской фигуры, длины дуги кривой, объема тела вращения, площади поверхности тела вращения.			
10.	Тема 10. Определенный интеграл. Геометрические приложения определённого <i>Основные вопросы:</i> Вероятность. Основные понятия Понятие выборки. Выборочные характеристики	Акт.	1	
	Итого		18	4

5. 2. Темы практических занятий

№ занятия	Наименование практического занятия	Форма проведения (актив., интерак.)	Количество часов	
			ОФО	ЗФО
1.	Тема 1. Определители. Алгебра матриц <i>Основные вопросы:</i> Определители II и III порядков и их свойства. Определение определителя n -го порядка. Свойства определителя. Правила вычисления определителя Матрицы и действия над ними. Виды матриц. Операции над матрицами Элементарные преобразования. Обратная матрица. Ранг матрицы.	Акт.	2	1
2.	Тема 2. Методы решения СЛАУ: Гаусса, Крамера, обратной матрицы. <i>Основные вопросы:</i>	Акт.	2	1

	<p>Система линейных алгебраических уравнений Понятие системы линейных алгебраических уравнений. Однородные и неоднородные системы. Совместные и несовместные системы. Метод Гаусса. Метод Крамера. Матричный метод.</p>			
3.	<p>Тема 3. Векторы и операции над векторами. <i>Основные вопросы:</i> Векторы. Операции над векторами. Скалярное и векторное произведение векторов.</p>	Акт.	4	
4.	<p>Тема 4. Прямая линия на плоскости <i>Основные вопросы:</i> Прямая и плоскость в R^2 . Прямоугольная и полярная система координат. Общее уравнение прямой на плоскости. Уравнения прямой: с угловым коэффициентом, в отрезках, нормальное.</p>	Акт.	2	1
5.	<p>Тема 5. Эллипс, гипербола, парабола <i>Основные вопросы:</i> Кривые второго порядка. Понятие окружности. Уравнение окружности, эллипс, гипербола, парабола Исследование кривых по их каноническим уравнениям.</p>	Акт.	2	
6.	<p>Тема 6. Прямая и плоскость в пространстве <i>Основные вопросы:</i> Плоскость и прямая в пространстве. Условие параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости и в пространстве. Угол между прямой и плоскостью.</p>	Акт.	4	
7.	<p>Тема 7. Предел и непрерывность функции.</p>	Акт.	4	

	<p><i>Основные вопросы:</i> Числовые функции. Понятие функции. Основные свойства функции. Преобразование графиков функций. Экстремум функций. Построение графиков функций. Непрерывность функции. Непрерывность в точке и на множестве. Точки разрыва и их классификация. Непрерывность элементарных функций. Первый и второй замечательные пределы.</p>			
8.	<p>Тема 8. Производная и дифференциал Исследование функции и построение графиков <i>Основные вопросы:</i> Таблица производных. Производная сложной функции. Дифференциал. Производные высших порядков Признак монотонности функции. Экстремумы функции Выпуклость и точки перегиба Асимптоты. Построение графиков функций.</p>	Акт.	4	
9.	<p>Тема 9. Неопределенный интеграл <i>Основные вопросы:</i> Неопределенный интеграл. Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица простейших интегралов. Непосредственное интегрирование. Интегрирование заменой переменной и по частям.</p>	Акт.	2	1
10.	<p>Тема 10. Определенный интеграл. Геометрические приложения определённого <i>Основные вопросы:</i></p>	Акт.	4	

	<p>Определенный интеграл. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла. Условие интегрируемости функции на отрезке. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница. Основные методы интегрирования. Приближенное вычисление определенного интеграла. Вычисление площади плоской фигуры, длины дуги кривой, объема тела вращения, площади поверхности тела вращения.</p>			
11.	<p>Тема11. Частные производные. Экстремум функций нескольких переменных. <i>Основные вопросы:</i> Функция двух переменных, ее область определения и график Частные производные Полное приращение и полный дифференциал. Дифференциалы высших порядков Экстремум функции двух переменных Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных</p>	Акт.	2	
12.	<p>Тема12. Элементы теории вероятностей и математической статистики <i>Основные вопросы:</i> Вероятность. Основные понятия Понятие выборки. Выборочные характеристики</p>	Акт.	4	
	Итого			

5.3. Темы семинарских занятий

(не предусмотрены учебным планом)

5.4. Перечень лабораторных работ

(не предусмотрено учебным планом)

5.5. Темы индивидуальных занятий

(не предусмотрено учебным планом)

6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа по данной дисциплине включает такие формы работы как: работа с базовым конспектом; работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе; выполнение контрольной работы; подготовка к экзамену.

6.1. Содержание самостоятельной работы студентов по дисциплине (модулю)

№	Наименование тем и вопросы, выносимые на самостоятельную работу	Форма СР	Кол-во часов	
			ОФО	ЗФО
1	Тема 1. Определители. Алгебра матриц	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	6	8
2	Тема 2. Методы решения СЛАУ: Гаусса, Крамера, обратной матрицы.	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	6	8
3	Тема 3. Векторы и операции над векторами.	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	6	9

4	Тема 4. Прямая линия на плоскости	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	10
5	Тема 5. Эллипс, гипербола, парабола	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	10
6	Тема 6. Прямая и плоскость в пространстве	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	10
7	Тема 7. Предел и непрерывность функции.	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	12

8	Тема 8. Производная и дифференциал Исследование функции и построение графиков	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	12
9	Тема 9. Неопределенный интеграл	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	12
10	Тема 10. Определенный интеграл. Геометрические приложения определённого интеграла.	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	12
11	Тема 11. Частные производные. Экстремум функций нескольких переменных.	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к контрольной работе; выполнение контрольной работы	5	12

12	Тема12. Элементы теории вероятностей и математической статистики	работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе	5	12
Итого			63	127

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Дескрипторы	Компетенции	Оценочные средства
УК-1		
Знать	особенности системного и критического мышления.	практическое задание; контрольная работа
Уметь	применять логические формы и процедуры.	практическое задание; контрольная работа
Владеть	методами анализа источников информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений.	экзамен
ПК-1		
Знать	структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета).	практическое задание; контрольная работа
Уметь	отбирать учебное содержание для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО.	практическое задание; контрольная работа

Владеть	структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета).	экзамен
----------------	---	---------

7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Оценочные средства	Уровни сформированности компетенции			
	Компетентность несформирована	Базовый уровень компетентности	Достаточный уровень компетентности	Высокий уровень компетентности
практическое задание	Выполнено с допущением грубых ошибок или не выполнено вообще	Выполнено, допущены некоторые неточности в вычислениях	Выполнено полностью с несущественным и замечаниями	Выполнено без замечаний
контрольная работа	Выполнено правильно менее 30% теоретической части, практическая часть или не сделана или выполнена менее 30%	Выполнено не менее 50% теоретической части и практических заданий (или полностью сделано практическое задание)	Выполнено 51 - 80% теор, части, практическое задание сделано полностью с несущественным и замечаниями	Выполнено более 80% теоретической части, практическое задание выполнено без замечаний
экзамен	Не раскрыт полностью ни один теор. вопрос, практические задания не выполнены или выполнено с грубыми ошибками	Теор. вопросы раскрыты с замечаниями, однако логика соблюдена. Практические задания выполнены, но с замечаниями: намечен ход выполнения, однако не полно раскрыты возможности выполнения	Работа выполнена с несущественным и замечаниями	Работа выполнена полностью, оформлена по требованиям.

7.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

7.3.1. Примерные практические задания

1. Решить систему уравнений методом Крамера:
2. Даны координаты вершин треугольника ABC. Найти: 1) длину стороны AB; 2) угол CAB, если $A(1, -3)$, $B(0, 7)$, $C(-2, 4)$.
3. В пространстве заданы точки. Найти: 1) уравнение плоскости ABC; 2) площадь треугольника ABC, если: $A(3, 3, 2)$; $B(5, 1, 7)$; $C(2, 4, 1)$
4. Построить линию:

7.3.2. Примерные задания для контрольной работы

1. Решить систему уравнений методом Крамера:
 2. Даны координаты вершин треугольника ABC. Найти: 1) длину стороны AB; 2) угол CAB, если $A(1, -3)$, $B(0, 7)$, $C(-2, 4)$.
 3. В пространстве заданы точки. Найти: 1) уравнение плоскости ABC; 2) площадь треугольника ABC, если: $A(3, 3, 2)$; $B(5, 1, 7)$; $C(2, 4, 1)$
 4. Построить линию:
1. Вычислить предел:
 2. Вычислить производную:
 3. Вычислить интеграл:
 4. Исследовать функцию на экстремум:

3. Задание 1. Квадратный корень из выборочной дисперсии – это:

А) выборочное среднее; Б) выборочное среднее квадратическое отклонение; В) исправленная дисперсия; Г) другой ответ.

Задание 2. Монета брошена 7 раз. Найти вероятность того, что хотя бы один раз появится изображение герба.

Задание 3. Дана выборка. Необходимо построить: вариационный ряд и полигон частот; эмпирическую функцию распределения. Найдите выборочное среднее значение и «исправленную» выборочную дисперсию, моду и размах вариации.

7.3.3. Вопросы к экзамену

1. Определители 2 и 3 порядков.
2. Метод Крамера. Решение систем линейных алгебраических уравнений.

3. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
4. Матрицы и действия над ними.
5. Умножение матриц.
6. Обратная матрица.
7. Векторы. Коллинеарность и равенство векторов. Линейные операции над векторами и их свойства. Понятие свободного вектора.
8. Декартовы координаты точки в пространстве. Радиус-вектор точки, его разложение по базису и координаты.
9. Разложение по базису вектора, проходящего через две заданные точки. Условия равенства и коллинеарности двух векторов, запись линейных операций в координатной форме.
10. Скалярное произведение двух векторов, его свойства и вычисление в координатной форме. Длина вектора, косинус угла между двумя векторами и условие их перпендикулярности, направляющие косинусы вектора.
11. Декартовы координаты на прямой и на плоскости.
12. Простейшие задачи на плоскости: вычисление расстояния между двумя точками; деление отрезка в данном отношении.
13. Угловой коэффициент прямой. Уравнение прямой, проходящей через данную точку в данном направлении. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
14. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнения прямых, параллельных координатным осям. Уравнение прямой в отрезках на осях.
15. Общее уравнение прямой и его исследование.
16. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Вычисление расстояния от точки до прямой.
17. Общее уравнение линий второго порядка. Определение и вывод уравнения окружности. Преобразование общего уравнения линий второго порядка к уравнению окружности.
18. Определение параболы. Каноническое уравнение, свойства и форма параболы.
19. Определение эллипса. Каноническое уравнение, свойства и форма эллипса.
20. Определение гиперболы. Каноническое уравнение, свойства и форма
21. Различные виды уравнения плоскости. Расстояние от точки до плоскости.
22. Общие, канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Уравнения прямой, проходящей через две заданные точки.
23. Множества, их обозначения и способы задания. Операции над множествами. Числовые множества. Основные логические символы.
24. Определение функции. Основные способы задания функции.
25. Основные элементарные, сложные и элементарные функции.
26. Предел функции в точке и его геометрический смысл. Односторонние пределы в точке и их связь с двусторонним пределом.
27. Предел функции в бесконечности и его геометрический смысл.

28. Бесконечно малые, бесконечно большие, ограниченные функции и их основные свойства. Необходимое и достаточное условие существования конечного предела функции.
29. Формулировка теоремы об арифметических действиях над функциями, имеющими конечный предел, её следствия.
30. Первый замечательный предел.
31. Основные понятия о числовых последовательностях. Предел последовательности. Теорема о сходимости монотонной ограниченной
32. Определение числа ϵ . Второй замечательный предел. Понятие о натуральных логарифмах, экспоненте и неопределённости вида.
33. Определение непрерывности функции в точке. Понятие приращения аргумента и приращения функции в точке. Определение точки разрыва функции. Точки разрыва 1-го рода и точки разрыва 2-го рода с поясняющими примерами.
34. Понятие производной. Физический и геометрический смысл. Непрерывность дифференцируемой функции.
35. Основные правила дифференцирования. Дифференцирование основных элементарных функций.
36. Производная сложной и неявной функции. Производная обратной функции. Производная функции, заданной параметрически.
37. Дифференциал функции, его геометрический смысл и связь с производной.
38. Производные и дифференциалы высших порядков.
39. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши.
40. Правило Лопиталю.
41. Возрастание и убывание функции на интервале. Признаки монотонности функции.
42. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
43. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
44. Асимптоты.
45. Полное исследование функции и построение ее графика.
46. Первообразная и неопределённый интеграл. Свойства неопределённого
47. Таблица основных неопределённых интегралов. Метод непосредственного интегрирования.
48. Метод интегрирования заменой переменной.
49. Метод интегрирования по частям.
50. Определённый интеграл как приращение первообразной, формула Ньютона-Лейбница. Основные свойства определённого интеграла.
51. Геометрический смысл определённого интеграла. Вычисление площадей плоских фигур.

52. Основные понятия о функции двух переменных: определение функции; геометрическое изображение функции, окрестности точки, внутренней и граничной точек, границы области определения. Понятие открытой, замкнутой, ограниченной, неограниченной области. Определение функции n переменных.
53. Частные производные и полный дифференциал функции нескольких переменных. Физический смысл частных производных.
54. Производная по направлению и градиент функции двух переменных, их связь и физический смысл.
55. Определение и обозначение частных производных высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных второго порядка и её следствие.
56. Экстремум функции двух переменных. Понятие об условном экстремуме и методе множителей Лагранжа.
57. Понятие испытания и случайного события. Эквивалентные, противоположные, невозможные и достоверные события. Сумма и произведение событий, их свойства. Понятие поля событий, несовместимых событий и полной группы событий. Пример простейшей полной группы.
58. Аксиомы теории вероятностей. Определение условной вероятности события. Принцип сложения вероятностей несовместимых событий и принцип умножения вероятностей зависимых событий.
59. Элементарные следствия из аксиом теории вероятностей: вероятность невозможного события; сумма вероятностей противоположных событий; вероятность равновероятных событий, образующих полную группу. Классическое определение вероятности события. Относительная частота и статистическая вероятность случайного события.
60. Правило суммы и правило произведения числа независимых выборок из заданной совокупности объектов. Размещения, перестановки и сочетания из элементов конечного множества. Основные формулы комбинаторики.
61. Определение дискретной случайной величины и её закона распределения. Табличное и графическое задание дискретной случайной величины. Функция распределения вероятностей.
62. Среднее арифметическое значение дискретной случайной величины. Определение математического ожидания дискретной случайной величины, вероятностный смысл и основные свойства математического ожидания.
63. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины от её математического ожидания. Основные свойства дисперсии.
64. Понятие непрерывной случайной величины. Плотность вероятности непрерывной случайной величины, её свойства, геометрическая и вероятностная интерпретации. Числовые характеристики непрерывной случайной величины.
65. Нормальный закон распределения непрерывной случайной величины.
66. Статистическое распределение выборки. Графическое изображение статистического распределения. Эмпирическая функция распределения.

7.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

7.4.1. Оценивание практического задания

Критерий оценивания	Уровни формирования компетенций		
	Базовый	Достаточный	Высокий
Знание теоретического материала по предложенной проблеме	Теоретический материал усвоен	Теоретический материал усвоен и осмыслен	Теоретический материал усвоен и осмыслен, может быть применен в различных ситуациях по необходимости
Овладение приемами работы	Студент может применить имеющиеся знания для решения новой задачи, но необходима помощь преподавателя	Студент может самостоятельно применить имеющиеся знания для решения новой задачи, но возможно не более 2 замечаний	Студент может самостоятельно применить имеющиеся знания для решения новой задачи
Самостоятельность	Задание выполнено самостоятельно, но есть не более 3 замечаний	Задание выполнено самостоятельно, но есть не более 2 замечаний	Задание выполнено полностью самостоятельно

7.4.2. Оценивание выполнения контрольной работы

Критерий оценивания	Уровни формирования компетенций		
	Базовый	Достаточный	Высокий
Полнота и правильность ответа	Ответ полный, но есть замечания, не более 3	Ответ полный, последовательный, но есть замечания, не более 2	Ответ полный, последовательный, логичный
Степень осознанности, понимания изученного	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 3 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 2 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно
Языковое оформление ответа	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не	Речь грамотная, соблюдены нормы культуры речи

Соблюдение требований к оформлению	Не более 4 замечаний	Не более 3 замечаний	Правильное оформление ссылок на используемую литературу; грамотность и культура изложения; владение терминологией и понятийным аппаратом проблемы; соблюдение требований к объему реферата
Грамотность	Не более 4 замечаний	Не более 3 замечаний	Отсутствие орфографических и синтаксических ошибок, стилистических погрешностей; отсутствие опечаток, сокращений слов, кроме общепринятых; литературный стиль

7.4.3. Оценивание экзамена

Критерий оценивания	Уровни формирования компетенций		
	Базовый	Достаточный	Высокий
Полнота ответа, последовательность и логика изложения	Ответ полный, но есть замечания, не более 3	Ответ полный, последовательный, но есть замечания, не более 2	Ответ полный, последовательный, логичный
Правильность ответа, его соответствие рабочей программе учебной дисциплины	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины, но есть замечания, не более 3	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины, но есть замечания, не более 2	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины
Способность студента аргументировать свой ответ и приводить примеры	Ответ аргументирован, примеры приведены, но есть не более 3 несоответствий	Ответ аргументирован, примеры приведены, но есть не более 2 несоответствий	Ответ аргументирован, примеры приведены
Осознанность излагаемого материала	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 3 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 2 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно
Соответствие нормам культуры речи	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не	Речь грамотная, соблюдены нормы культуры речи
Качество ответов на вопросы	Есть замечания к ответам, не более 3	В целом, ответы раскрывают суть вопроса	На все вопросы получены исчерпывающие ответы

7.5. Итоговая рейтинговая оценка текущей и промежуточной аттестации студента по дисциплине

По учебной дисциплине «Математика» используется 4-балльная система оценивания, итог оценивания уровня знаний обучающихся предусматривает экзамен. В зачетно-экзаменационную ведомость вносится оценка по четырехбалльной системе. Обучающийся, выполнивший все учебные поручения строгой отчетности (контрольная работа) и не менее 60 % иных учебных поручений, предусмотренных учебным планом и РПД, допускается к экзамену. Наличие невыполненных учебных поручений может быть основанием для дополнительных вопросов по дисциплине в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся, получивший не менее 3 баллов на экзамене, считается аттестованным.

Шкала оценивания текущей и промежуточной аттестации студента

Уровни формирования компетенции	Оценка по четырехбалльной шкале
	для экзамена
Высокий	отлично
Достаточный	хорошо
Базовый	удовлетворительно
Компетенция не сформирована	неудовлетворительно

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

Основная литература.

№ п/п	Библиографическое описание	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-метод пособие, др.)	Кол-во в библ.
1.	Дорофеева А.В. Высшая математика для гуманитарных направлений: учебник для студ. вузов, обуч. по гум.-соц. спец. / А. В. Дорофеева ; рец.: А. Н. Ширяев, В. В. Миронов, К. А. Рыбников. - М.: Юрайт, 2015. - 400 с.	учебник	15
2.	Задачник по высшей математике для вузов: учебное пособие / В. Н. Земсков [и др.] ; ред. А. С. Поспелов. - СПб. М. Краснодар: Лань, 2011. - 512 с.	учебное пособие	7
3.	Туганбаев, А. А. Высшая математика. Основы математического анализа. Задачи с решениями и теория : учебник / А. А. Туганбаев. - 2-е изд. - Москва : ФЛИНТА, 2018. - 316 с.	Учебники	https://e.lanbook.com/book/10519

4.	Копылов В.И. Курс дискретной математики: учебное пособие / В. И. Копылов ; рец.: Б. Г. Миронов, В. Г. Ефремов. - СПб. М. Краснодар: Лань, 2011. - 208 с.	учебное пособие	5
5.	Назаров А.И. Курс математики для нематематических специальностей и направлений бакалавриата: учеб. пособие для студ. вузов / А. И. Назаров. - СПб. М. Краснодар: Лань, 2011. - 568 с.	учебное пособие	5
6.	Балдин, К. В. Высшая математика : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. - 2-е изд., стер. - Москва : ФЛИНТА, 2016. - 360 с.	Учебники	https://e.lanbook.com/boo
7.	Балдин, К. В. Высшая математика: учебник / К. В. Балдин. — 3-е изд. — Москва: ФЛИНТА, 2021. — 360 с. — ISBN 978-5-9765-0299-4.	учебник	https://e.lanbook.com/boo k/19811

Дополнительная литература.

№ п/п	Библиографическое описание	Тип (учебник, учебное пособие, учебно-метод пособие, др.)	Кол-во в библ.
1.	Кузнецов, А. В. Высшая математика. Математическое программирование: учебник / А. В. Кузнецов, В. А. Сакович, Н. И. Холод. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2021. — 352 с. — ISBN 978-5-8114-1056-9.	учебник	https://e.lanbook.com/boo k/168473
2.	Туганбаев, А. А. Высшая математика. Дифференциальные уравнения: учебник / А. А. Туганбаев. — Москва: ФЛИНТА, 2021. — 152 с. — ISBN 978-5-9765-4519-9.	учебник	https://e.lanbook.com/boo k/18186

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1.Поисковые системы: <http://www.rambler.ru>, <http://yandex.ru>,
- 2.Федеральный образовательный портал www.edu.ru.
- 3.Российская государственная библиотека <http://www.rsl.ru/ru>
- 4.Государственная публичная научно-техническая библиотека России URL: <http://gpntb.ru>.
- 5.Государственное бюджетное учреждение культуры Республики Крым «Крымская республиканская универсальная научная библиотека»
- 6.Педагогическая библиотека <http://www.pedlib.ru/>

7. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (РИНЦ)

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Общие рекомендации по самостоятельной работе бакалавров

Подготовка современного бакалавра предполагает, что в стенах университета он овладеет методологией самообразования, самовоспитания, самосовершенствования. Это определяет важность активизации его самостоятельной работы.

Самостоятельная работа формирует творческую активность бакалавров, представление о своих научных и социальных возможностях, способность вычленять главное, совершенствует приемы обобщенного мышления, предполагает более глубокую проработку ими отдельных тем, определенных программой.

Основными видами и формами самостоятельной работы студентов по данной дисциплине являются: самоподготовка по отдельным вопросам; работа с базовым конспектом; работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к практическому занятию; подготовка к контрольной работе; выполнение контрольной работы; подготовка к экзамену.

Важной частью самостоятельной работы является чтение учебной литературы. Основная функция учебников – ориентировать в системе тех знаний, умений и навыков, которые должны быть усвоены по данной дисциплине будущими специалистами. Учебник также служит путеводителем по многочисленным произведениям, ориентируя в именах авторов, специализирующихся на определённых научных направлениях, в названиях их основных трудов. Вторая функция учебника в том, что он очерчивает некий круг обязательных знаний по

Чтение рекомендованной литературы – это та главная часть системы самостоятельной учебы бакалавра, которая обеспечивает подлинное усвоение науки. Читать эту литературу нужно по принципу: «идея, теория, метод в одной, в другой и т.д. книгах».

Во всех случаях рекомендуется рассмотрение теоретических вопросов не менее чем по трем источникам. Изучение проблемы по разным источникам – залог глубокого усвоения науки. Именно этот блок, наряду с выполнением практических заданий является ведущим в структуре самостоятельной работы студентов.

Вниманию бакалавров предлагаются список литературы, вопросы к самостоятельному изучению и вопросы к экзамену.

Для успешного овладения дисциплиной необходимо выполнять следующие требования:

1) выполнять все определенные программой виды работ;

- 2) посещать занятия, т.к. весь тематический материал взаимосвязан между собой и, зачастую, самостоятельного теоретического овладения пропущенным материалом недостаточно для качественного его усвоения;
- 3) все рассматриваемые на занятиях вопросы обязательно фиксировать в отдельную тетрадь и сохранять её до окончания обучения в вузе;
- 4) проявлять активность при подготовке и на занятиях, т.к. конечный результат овладения содержанием дисциплины необходим, в первую очередь, самому
- 5) в случаях пропуска занятий по каким-либо причинам обязательно отрабатывать пропущенное преподавателю во время индивидуальных консультаций.

Внеурочная деятельность бакалавра по данной дисциплине предполагает:

- самостоятельный поиск ответов и необходимой информации по предложенным вопросам;
- выполнение контрольной работы;
- выработку умений научной организации труда.

Успешная организация времени по усвоению данной дисциплины во многом зависит от наличия у бакалавра умения самоорганизовать себя и своё время для выполнения предложенных домашних заданий. Объём заданий рассчитан максимально на 2-3 часа в неделю. При этом алгоритм подготовки будет следующим:

- 1 этап – поиск в литературе теоретической информации по предложенным преподавателем вопросам;
- 2 этап – осмысление полученной информации, освоение терминов и понятий;
- 3 этап – составление плана ответа на каждый вопрос;
- 4 этап – поиск примеров по данной проблематике.

Работа с базовым конспектом

Программой дисциплины предусмотрено чтение лекций в различных формах их проведения: проблемные лекции с элементами эвристической беседы, информационные лекции, лекции с опорным конспектированием, лекции-визуализации.

На лекциях преподаватель рассматривает вопросы программы курса, составленной в соответствии с государственным образовательным стандартом. Из-за недостаточного количества аудиторных часов некоторые темы не удастся осветить в полном объеме, поэтому преподаватель, по своему усмотрению, некоторые вопросы выносит на самостоятельную работу студентов, рекомендуя ту или иную литературу.

Кроме этого, для лучшего освоения материала и систематизации знаний по дисциплине, необходимо постоянно разбирать материалы лекций по конспектам и учебным пособиям.

Во время самостоятельной проработки лекционного материала особое внимание следует уделять возникшим вопросам, непонятным терминам, спорным точкам зрения. Все такие моменты следует выделить или выписать отдельно для дальнейшего обсуждения на практическом занятии. В случае необходимости обращаться к преподавателю за консультацией. Полный список литературы по дисциплине приведен в рабочей программе дисциплины.

Подготовка к практическому занятию

Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям

Подготовка к практическому занятию включает следующие элементы самостоятельной деятельности: четкое представление цели и задач его проведения; выделение навыков умственной, аналитической, научной деятельности, которые станут результатом предстоящей работы.

Выработка навыков осуществляется с помощью получения новой информации об изучаемых процессах и с помощью знания о том, в какой степени в данное время студент владеет методами исследовательской деятельности, которыми он станет пользоваться на практическом занятии.

Следовательно, работа на практическом занятии направлена не только на познание студентом конкретных явлений внешнего мира, но и на изменение

Второй результат очень важен, поскольку он обеспечивает формирование таких общекультурных компетенций, как способность к самоорганизации и самообразованию, способность использовать методы сбора, обработки и интерпретации комплексной информации для решения организационно-управленческих задач, в том числе находящихся за пределами непосредственной сферы деятельности студента. процессов и явлений, выделяют основные способы доказательства авторами научных работ ценности того, чем они занимаются.

В ходе самого практического занятия студенты сначала представляют найденные ими варианты формулировки актуальности исследования, обсуждают их и обосновывают свое мнение о наилучшем варианте.

Объем заданий рассчитан максимально на 1-2 часа в неделю.

Подготовка к экзамену

Экзамен является традиционной формой проверки знаний, умений, компетенций, сформированных у студентов в процессе освоения всего содержания изучаемой дисциплины. В случае проведения экзамена студент получает баллы, отражающие уровень его знаний.

Правила подготовки к экзаменам:

- Лучше сразу сориентироваться во всем материале и обязательно расположить весь материал согласно экзаменационным вопросам.
- Сама подготовка связана не только с «запоминанием». Подготовка также предполагает и переосмысление материала, и даже рассмотрение альтернативных
- Сначала студент должен продемонстрировать, что он «усвоил» все, что требуется по программе обучения (или по программе данного преподавателя), и лишь после этого он вправе высказать иные, желательно аргументированные точки зрения.

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости))

Информационные технологии применяются в следующих направлениях:
оформление письменных работ выполняется с использованием текстового
демонстрация компьютерных материалов с использованием мультимедийных технологий;

использование информационно-справочного обеспечения, такого как: правовые справочные системы (Консультант+ и др.), онлайн словари, справочники (Грамота.ру, Интуит.ру, Википедия и др.), научные публикации.

использование специализированных справочных систем (электронных учебников, справочников, коллекций иллюстраций и фотоизображений, фотобанков, профессиональных социальных сетей и др.).

OpenOffice Ссылка: <http://www.openoffice.org/ru/>

Mozilla Firefox Ссылка: <https://www.mozilla.org/ru/firefox/new/>

Libre Office Ссылка: <https://ru.libreoffice.org/>

Do PDF Ссылка: <http://www.dopdf.com/ru/>

7-zip Ссылка: <https://www.7-zip.org/>

Free Commander Ссылка: <https://freecommander.com/ru>

be Reader Ссылка: <https://acrobat.adobe.com/ru/ru/acrobat/pdf-reader.html>попо

Gimp (графический редактор) Ссылка: <https://www.gimp.org/>

ImageMagick (графический редактор) Ссылка:

VirtualBox Ссылка: <https://www.virtualbox.org/>

Adobe Reader Ссылка: <https://acrobat.adobe.com/ru/ru/acrobat/pdf-reader.html>

Операционная система Windows 8.1 Лицензионная версия по договору №471\1 от 11.12.2014 г.

Электронно-библиотечная система Библиокомплектатор

Национальна электронная библиотека - федеральное государственное бюджетное учреждение «Российская государственная библиотека» (ФГБУ «РГБ»)

Редакция Базы данных «ПОЛПРЕД Справочники»

Электронно-библиотечная система «ЛАНЬ»

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

- компьютерный класс и доступ к сети Интернет (во время самостоятельной подготовки) (должен быть приложен график занятости компьютерного класса);
- проектор, совмещенный с ноутбуком для проведения лекционных занятий преподавателем и презентации студентами результатов работы
- раздаточный материал для проведения групповой работы.

13. Особенности организации обучения по дисциплине обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ)

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с ОВЗ:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потерь данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества;
- создание возможности для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников – например, так, чтобы лица с нарушением слуха получали информацию визуально, с нарушением зрения – аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счет альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи чeskих занятий, выступления с докладами и защитой выполненных работ, проведение тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ОВЗ форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи: зачет и экзамен, проводимый в письменной форме, – не более чем на 90 мин., проводимый в устной форме – не более чем на 20 мин., – продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы – не более чем на 15 мин.

14. Виды занятий, проводимых в форме практической подготовки

(не предусмотрено при изучении дисциплины)